

Besprechung am 12.12.19

Aufgabe 26: LGS

Bestimmen Sie jeweils die Lösungen $z \in \mathbb{C}^{2 \times 1}$ bzw. $x \in \mathbb{R}^{2 \times 1}$ für das inhomogene und das zugehörige homogene Gleichungssystem

26.1
$$\begin{aligned} i \cdot z_1 + (1 - i) \cdot z_2 &= i \\ z_1 - (1 + i) \cdot z_2 &= 2 \end{aligned}$$

26.2
$$\begin{aligned} 2x_1 + x_2 &= 1 \\ x_1 + 2x_2 &= 2 \end{aligned}$$

26.3 Geben Sie für das LGS in **2.** die Lösungsmenge $\subseteq \mathbb{F}_3^{2 \times 1}$ an.

26.4 Bestimmen Sie die Lösungen von $3x_1 + 6x_2 + 2x_3 + 3 = 0$ für $(x_1, x_2, x_3)^t \in \mathbb{R}^{3 \times 1}$ und $(x_1, x_2, x_3)^t \in \mathbb{F}_7^{3 \times 1}$.

Aufgabe 27: Inverse Matrix und Gaußalgorithmus

Berechnen Sie, falls möglich, die Inversen der folgenden Matrizen

27.1
$$\begin{pmatrix} 1 & 3 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 2 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

27.2
$$\begin{pmatrix} 1 & i \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$$

Aufgabe 28: Basen

Gegeben seien die vier Vektoren $v_1, v_2, v_3, v_4 \in \mathbb{R}^{3 \times 1}$

$$v_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}, \quad v_2 = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \quad v_3 = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}, \quad v_4 = \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ -4 \end{pmatrix}.$$

28.1 Bestimmen Sie $\dim(\langle v_1, v_2, v_3, v_4 \rangle)$.

28.2 Geben Sie zwei Basen B und B' , bestehend aus obigen Vektoren, des $\mathbb{R}^{3 \times 1}$ an.

Aufgabe 29: Lineare Unabhängigkeit

Gegeben sei ein \mathbb{R} -Vektorraum V und zwei Vektoren $u, v \in V$, für die (u, v) linear unabhängig ist.

29.1 Zeigen Sie, dass $(u + v, u - v)$ linear unabhängig ist.

29.2 Gilt dies auch für einen \mathbb{F}_2 -Vektorraum?