
Aufgabe 1

Sei $n \geq 2$. Dann ist die Abbildung $\det : \text{Mat}(n \times n, \mathbb{R}) \rightarrow \mathbb{R}$ mit $A \mapsto \det(A)$ surjektiv.

- wahr falsch
-

Sei $n \geq 2$. Dann ist die Abbildung $\det : \text{Mat}(n \times n, \mathbb{R}) \rightarrow \mathbb{R}$ mit $A \mapsto \det(A)$ injektiv.

- wahr falsch
-

Sei $n \geq 2$. Dann ist $\det : \text{Mat}(n \times n, \mathbb{R}) \rightarrow \mathbb{R}$ mit $A \mapsto \det(A)$ eine \mathbb{R} -lineare Abbildung.

- wahr falsch
-

Sei $n \geq 2$. Dann ist die Abbildung $\det : \text{Mat}(n \times n, \mathbb{R}) \rightarrow \mathbb{R}$ mit $A \mapsto \det(A)$ weder surjektiv noch injektiv.

- wahr falsch
-

Aufgabe 2

Sei V ein endlich-dimensionaler Vektorraum. Dann gibt es einen Isomorphismus $f : V \rightarrow V$ mit Eigenwert 0.

- wahr falsch
-

Sei V ein endlich-dimensionaler Vektorraum. Dann gibt es einen Epimorphismus $f : V \rightarrow V$ mit Eigenwert 0.

- wahr falsch
-

Sei V ein endlich-dimensionaler Vektorraum. Dann gibt es einen Monomorphismus $f : V \rightarrow V$ mit Eigenwert 0.

- wahr falsch
-

Aufgabe 3

Sei $A \in \text{Mat}(n \times n, \mathbb{C})$ mit $\det(A) \neq 0$. Dann ist auch $\det(A^s) \neq 0 \forall s \in \mathbb{N}$.

wahr falsch

Sei $A \in \text{Mat}(n \times n, \mathbb{C})$ mit $\det(A) \neq 0$. Dann ist auch $\det(A + A) \neq 0$.

wahr falsch

Sei $A \in \text{Mat}(n \times n, \mathbb{C})$ so, dass es ein $s \in \mathbb{N}$ mit $\det(A^s) \neq 0$ gibt. Dann ist auch $\det(A) \neq 0$.

wahr falsch

Aufgabe 4

Sei V ein K -Vektorraum und $\alpha: V \rightarrow V$ eine lineare Abbildung. Dann ist $\lambda \in K$ nach Definition genau dann ein Eigenwert von α , wenn $\alpha(v) = \lambda \cdot v$ für alle $v \in V$ gilt.

wahr falsch

Sei V ein K -Vektorraum und $\alpha: V \rightarrow V$ eine lineare Abbildung. Dann ist $\lambda \in K$ nach Definition genau dann ein Eigenwert von α , wenn $\exists v \neq 0$ in V mit $\alpha(v) = \lambda \cdot v$.

wahr falsch

Aufgabe 5

Jede \mathbb{R} -lineare Abbildung $\alpha : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ hat einen Eigenwert.

- wahr falsch
-

Jede \mathbb{R} -lineare Abbildung $\alpha : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ hat genau einen Eigenwert.

- wahr falsch
-

Jede \mathbb{R} -lineare Abbildung $\alpha : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ hat mindestens zwei verschiedene Eigenwerte.

- wahr falsch
-

Eine \mathbb{R} -lineare Abbildung $\alpha : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ hat im Allgemeinen keine Eigenwerte.

- wahr falsch
-

Aufgabe 6

Sei V ein K -Vektorraum und $\alpha : V \rightarrow V$ eine lineare Abbildung. Dann ist $0 \in K$ Eigenwert von α genau dann, wenn $\text{Kern}(\alpha) \neq \{0\}$.

- wahr falsch
-

Sei V ein K -Vektorraum und $\alpha : V \rightarrow V$ eine lineare Abbildung. Dann ist $0 \in K$ Eigenwert von α genau dann, wenn α nicht injektiv ist.

- wahr falsch
-

Sei V ein K -Vektorraum und $\alpha : V \rightarrow V$ eine lineare Abbildung. Dann ist $0 \in K$ Eigenwert von α genau dann, wenn $\text{Bild}(\alpha) = \{0\}$.

- wahr falsch
-

Sei V ein K -Vektorraum und $\alpha : V \rightarrow V$ eine lineare Abbildung. Dann ist $0 \in K$ Eigenwert von α genau dann, wenn α kein Isomorphismus ist.

- wahr falsch
-

Aufgabe 7

Sei V ein \mathbb{R} -Vektorraum, $\alpha : V \rightarrow V$ eine lineare Abbildung und $v \in V$ ein Eigenvektor von α zum Eigenwert $\lambda \in \mathbb{R}$. Dann ist $2v$ ein Eigenvektor von α zum Eigenwert 2λ .

wahr falsch

Sei V ein \mathbb{R} -Vektorraum, $\alpha : V \rightarrow V$ eine lineare Abbildung und $v \in V$ ein Eigenvektor von α zum Eigenwert $\lambda \in \mathbb{R}$. Dann ist auch $2v$ ein Eigenvektor von α zum Eigenwert λ .

wahr falsch

Aufgabe 8

Die lineare Abbildung $\alpha : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$, die bezüglich der Standardbasis in \mathbb{R}^2 gegeben ist durch $\begin{pmatrix} -1 & 6 \\ -1 & 4 \end{pmatrix}$, hat den Eigenwert 1.

wahr falsch

Die lineare Abbildung $\alpha : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$, die bezüglich der Standardbasis in \mathbb{R}^2 gegeben ist durch $\begin{pmatrix} -1 & 6 \\ -1 & 4 \end{pmatrix}$, hat den Eigenwert -1 .

wahr falsch

Die lineare Abbildung $\alpha : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$, die bezüglich der Standardbasis in \mathbb{R}^2 gegeben ist durch $\begin{pmatrix} -1 & 6 \\ -1 & 4 \end{pmatrix}$, hat den Eigenwert 2.

wahr falsch

Die lineare Abbildung $\alpha : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$, die bezüglich der Standardbasis in \mathbb{R}^2 gegeben ist durch $\begin{pmatrix} -1 & 6 \\ -1 & 4 \end{pmatrix}$, hat den Eigenwert -2 .

wahr falsch

Aufgabe 9

Die lineare Abbildung $\alpha : \mathbb{Q}^2 \rightarrow \mathbb{Q}^2$, die bezüglich der Standardbasis in \mathbb{Q}^2 gegeben ist durch $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$, hat genau zwei unterschiedliche Eigenwerte.

- wahr falsch
-

Die lineare Abbildung $\alpha : \mathbb{Q}^2 \rightarrow \mathbb{Q}^2$, die bezüglich der Standardbasis in \mathbb{Q}^2 gegeben ist durch $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$, hat genau einen Eigenwert.

- wahr falsch
-

Die lineare Abbildung $\alpha : \mathbb{Q}^2 \rightarrow \mathbb{Q}^2$, die bezüglich der Standardbasis in \mathbb{Q}^2 gegeben ist durch $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$, hat keine Eigenwerte.

- wahr falsch
-

Die lineare Abbildung $\alpha : \mathbb{Q}^2 \rightarrow \mathbb{Q}^2$, die bezüglich der Standardbasis in \mathbb{Q}^2 gegeben ist durch $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$, hat zwei linear unabhängige Eigenvektoren.

- wahr falsch
-

Aufgabe 10

Seien $\{e_1, e_2\}$ die Standardbasis von \mathbb{R}^2 . Sei $f: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ die lineare Abbildung mit $f(e_1) = e_2$ und $f(e_2) = e_1$. Dann hat f den Eigenwert 1.

wahr falsch

Seien $\{e_1, e_2\}$ die Standardbasis von \mathbb{R}^2 . Sei $f: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ die lineare Abbildung mit $f(e_1) = e_2$ und $f(e_2) = e_1$. Dann hat f den Eigenwert -1 .

wahr falsch

Seien $\{e_1, e_2\}$ die Standardbasis von \mathbb{R}^2 . Sei $f: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ die lineare Abbildung mit $f(e_1) = e_2$ und $f(e_2) = -e_1$. Dann hat f den Eigenwert 1.

wahr falsch

Seien $\{e_1, e_2\}$ die Standardbasis von \mathbb{R}^2 . Sei $f: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ die lineare Abbildung mit $f(e_1) = -e_2$ und $f(e_2) = e_1$. Dann hat f den Eigenwert -1 .

wahr falsch
