

---

## Aufgabe 1

---

Sei  $a_1 \in \mathbb{R}$  beliebig. Dann konvergiert die rekursiv durch  $a_{n+1} := (-1)^n \cdot \frac{a_n}{3}$  definierte Folge.

wahr    falsch

---

Sei  $a_1 \in \mathbb{R}$  beliebig. Dann konvergiert die rekursiv durch  $a_{n+1} := (-1)^n \cdot \frac{a_n}{2}$  definierte Folge.

wahr    falsch

---

Sei  $a_1 \in \mathbb{R}$  beliebig. Dann konvergiert die rekursiv durch  $a_{n+1} := (-1)^n \cdot 2a_n$  definierte Folge.

wahr    falsch

---

Sei  $a_1 \in \mathbb{R}$  beliebig. Dann konvergiert die rekursiv durch  $a_{n+1} := (-1)^n \cdot a_n$  definierte Folge.

wahr    falsch

---

---

## Aufgabe 2

---

Seien  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  und  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  Folgen reeller Zahlen, die alle von 0 verschieden sind. Beide Folgen konvergieren gegen 0. Dann konvergiert  $\left(\frac{a_n}{b_n}\right)_{n \in \mathbb{N}}$  gegen 0.

wahr    falsch

---

Seien  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  und  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  Folgen reeller Zahlen, die alle von 0 verschieden sind. Die Folge  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  konvergiere gegen 0. Dann konvergiert  $\left(\frac{a_n}{b_n}\right)_{n \in \mathbb{N}}$  gegen 0.

wahr    falsch

---

Seien  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  und  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  Folgen reeller Zahlen, die alle von 0 verschieden sind. Die Folge  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  konvergiere gegen 0. Dann ist  $\left(\frac{a_n}{b_n}\right)_{n \in \mathbb{N}}$  unbeschränkt.

wahr    falsch

---

Seien  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  und  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  Folgen reeller Zahlen, die alle von 0 verschieden sind. Die Folgen konvergieren gegen  $a$  bzw.  $b$  und  $\left(\frac{a_n}{b_n}\right)_{n \in \mathbb{N}}$  konvergiert gegen 1. Dann gilt  $a = b$ .

wahr    falsch

---

---

### Aufgabe 3

---

Sei  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  eine gegen  $a \in \mathbb{R}$  konvergente Folge reeller Zahlen. Dann konvergiert die durch  $b_n := a_n - a$  definierte Folge gegen 0.

wahr     falsch

---

Sei  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  eine gegen  $a \in \mathbb{R}$  konvergente Folge reeller Zahlen. Dann konvergiert die durch  $b_n := \frac{n(a_n - a)}{n+1}$  definierte Folge gegen 0.

wahr     falsch

---

Sei  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  eine gegen  $a \in \mathbb{R}$  konvergente Folge reeller Zahlen. Dann konvergiert die durch  $b_n := n(a_n - a)$  definierte Folge gegen 0.

wahr     falsch

---

Sei  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  eine Folge reeller Zahlen. Die durch  $b_n := a_n - a$  definierte Folge konvergiere gegen 0. Dann konvergiert die Folge  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$ .

wahr     falsch

---

---

### Aufgabe 4

---

Seien  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  und  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  konvergente Folgen reeller Zahlen. Sei  $c_n := \max\{a_n, b_n\}$ . Dann konvergiert die Folge  $(c_n)_{n \in \mathbb{N}}$ .

wahr     falsch

---

Seien  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  und  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  konvergente Folgen reeller Zahlen. Sei  $c_n := \min\{a_n, b_n\}$ . Dann konvergiert die Folge  $(c_n)_{n \in \mathbb{N}}$ .

wahr     falsch

---

Sei  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  eine Folge reeller Zahlen, die gegen  $a$  konvergiert. Dann konvergiert auch die durch  $b_n := \max\{a_m \mid m \leq n\}$  definierte Folge.

wahr     falsch

---

Sei  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  eine Folge reeller Zahlen, die gegen  $a$  konvergiert. Sei  $b_n := \min\{a_m \mid m \leq n\}$ . Dann konvergiert auch die Folge  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  gegen  $a$ .

wahr     falsch

---

---

## Aufgabe 5

---

Sei  $a_n := \frac{2^n}{n!}$ . Kreuzen Sie alle richtigen Aussagen (und nur diese) an:

- 2 ist eine obere Schranke der Folge  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$ .
  - 3 ist eine obere Schranke der Folge  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$ .
  - Die Folge  $(a_n)$  ist nach oben unbeschränkt.
  - 1 ist eine untere Schranke der Folge  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$ .
- 

Sei  $a_n := \frac{n!}{2^n}$ . Kreuzen Sie alle richtigen Aussagen (und nur diese) an:

- 2 ist eine obere Schranke der Folge  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$ .
  - 3 ist eine obere Schranke der Folge  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$ .
  - Die Folge  $(a_n)$  ist nach oben unbeschränkt.
  - 1 ist eine untere Schranke der Folge  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$ .
- 

Sei  $a_n := \frac{n^n}{n!}$ . Kreuzen Sie alle richtigen Aussagen (und nur diese) an:

- 2 ist eine obere Schranke der Folge  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$ .
  - 3 ist eine obere Schranke der Folge  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$ .
  - Die Folge  $(a_n)$  ist nach oben unbeschränkt.
  - 1 ist eine untere Schranke der Folge  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$ .
- 

Sei  $a_n := \frac{n!}{n^n}$ . Kreuzen Sie alle richtigen Aussagen (und nur diese) an:

- 2 ist eine obere Schranke der Folge  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$ .
  - 3 ist eine obere Schranke der Folge  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$ .
  - Die Folge  $(a_n)$  ist nach oben unbeschränkt.
  - 1 ist eine untere Schranke der Folge  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$ .
- 

---

## Aufgabe 6

---

Die reelle Zahlenfolge  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  mit  $a_n = \frac{n-1}{n}$  ist monoton wachsend.

- wahr     falsch
- 

Die reelle Zahlenfolge  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  mit  $a_n = \frac{n+1}{2n}$  ist monoton wachsend.

- wahr     falsch
- 

Die reelle Zahlenfolge  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  mit  $a_n = \frac{n+1}{2n}$  ist monoton fallend.

- wahr     falsch
- 

Die reelle Zahlenfolge  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  mit  $a_n = \frac{n-1}{2n}$  ist monoton fallend.

- wahr     falsch
-

---

## Aufgabe 7

---

Die komplexe Zahlenfolge  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  mit  $a_n = \left(\frac{5n+7}{n}\right) i^n$  hat keine Häufungspunkte.

- wahr    falsch
- 

Die komplexe Zahlenfolge  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  mit  $a_n = \left(\frac{5n+7}{n}\right) i^n$  hat genau zwei Häufungspunkte.

- wahr    falsch
- 

Die komplexe Zahlenfolge  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  mit  $a_n = \left(\frac{5n+7}{n}\right) i^n$  hat genau vier Häufungspunkte.

- wahr    falsch
- 

Die komplexe Zahlenfolge  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  mit  $a_n = \left(\frac{5n+7}{n}\right) i^n$  hat unendlich viele verschiedene Häufungspunkte.

- wahr    falsch
- 

---

## Aufgabe 8

---

Sei  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  eine reelle Zahlenfolge mit Häufungspunkt  $a$  und sei  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  eine reelle Zahlenfolge mit Häufungspunkt  $b$ . Dann hat die Folge  $(a_n \cdot b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  mindestens einen Häufungspunkt in  $\mathbb{R}$ .

- wahr    falsch
- 

Sei  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  eine reelle Zahlenfolge mit Häufungspunkt  $a$  und sei  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  eine reelle Zahlenfolge mit Häufungspunkt  $b$ . Dann hat die Folge  $(a_n \cdot b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  den Häufungspunkt  $a \cdot b$ .

- wahr    falsch
- 

Sei  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  eine reelle Zahlenfolge mit Häufungspunkt  $a$  und sei  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  eine reelle Zahlenfolge mit Häufungspunkt  $b$ . Dann hat die Folge  $(a_n \cdot b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  im Allgemeinen keine Häufungspunkte.

- wahr    falsch
-

---

## Aufgabe 9

---

Die Reihe  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \left(\frac{n}{n+1}\right)^n$  ist konvergent.

ja    nein

---

Die Reihe  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \left(\frac{n}{n+1}\right)^n$  ist divergent.

ja    nein

---

Die Reihe  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \left(\frac{n}{n+1}\right)^n$  ist absolut konvergent.

ja    nein

---

---

## Aufgabe 10

---

Sei  $\sum_{j=1}^n a_j$  eine bedingt konvergente Reihe reeller Zahlen. Dann konvergiert auch jede Umordnung dieser Reihe.

ja    nein

---

Sei  $\sum_{j=1}^n a_j$  eine absolut konvergente Reihe reeller Zahlen. Dann konvergiert auch jede Umordnung dieser Reihe.

ja    nein

---

Sei  $\sum_{j=1}^n a_j$  eine absolut konvergente Reihe reeller Zahlen mit Grenzwert  $x$ . Dann konvergiert auch jede Umordnung dieser Reihe gegen  $x$ .

ja    nein

---

Sei  $\sum_{j=1}^n a_j$  eine bedingt konvergente Reihe reeller Zahlen. Dann existiert eine Umordnung dieser Reihe, die gegen 0 konvergiert.

ja    nein

---