Komplexe Zahlen Arbeitsblatt 6.3

Komplexe Wurzeln berechnen

Aufgabe 4

Berechne jeweils die Lösungen z der angegebenen Gleichung in Polardarstellung und in der Form $z=x+y\mathrm{i}$ (Taschenrechner erforderlich). Runde das Endergebnis auf zwei Nachkommastellen und überprüfe durch Quadrieren, ob Du eine exakte Wurzel gefunden hast.

a)
$$z^2 = -3 + 4i$$
,

b)
$$z^2 = 5 - 12i$$
.

Aufgabe 5

Zeige, dass alle Zahlen

$$z_k = \cos(k \cdot 120^\circ) + i\sin(k \cdot 120^\circ)$$
 mit $k = 0, 1, 2, ...$

Lösungen der Gleichung $z^3=1$ sind. Zeichne z_0,\ldots,z_6 in die Gaußsche Zahlenebene ein. Wie viele verschiedene 3. Wurzeln aus der Zahl 1 haben wir damit gefunden?

